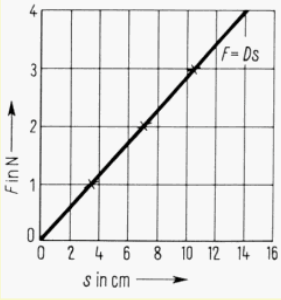
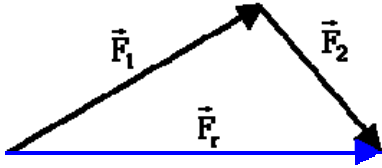
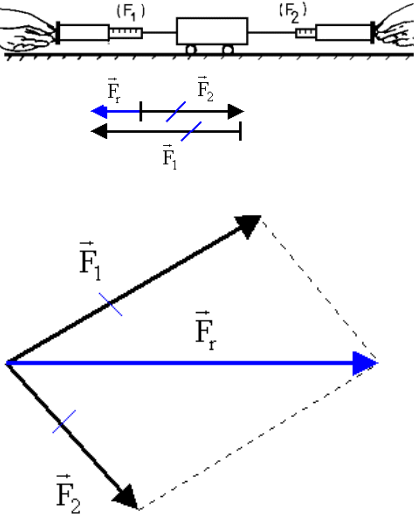


Formelsammlung

Thema	Formel	Bemerkungen/Beispiele
<u>Kräfte</u>	<p>Kräfte → Verformung → Bewegungszustand ändern</p> <p>Kräfte sind Vektoren → gerichtete Größen</p> <p>Schreibweise: $\vec{F}_1, \vec{F}_2, \vec{F}_3, \dots$</p>	<p>Darstellung der Kräfte durch Kraftpfeile</p>
	<p>Kräfte greifen an einem Angriffspunkt an Kräfte wirken entlang einer Wirkungslinie</p> <p>$\vec{F}_1, \vec{F}_2, \vec{F}_3, \dots$ → gibt die Lage und die Richtung der Kraft an! $F_1 = 10 \text{ N}, F_2 = 25 \text{ N}$ → gibt den Betrag („Menge, Größe“ der Kraft an</p>	
		<p>Einheit der Kraft: 1 N (Newton)</p> <p>1 Newton ist die Kraft, die einen Körper der Masse $m = 1 \text{ kg}$ in 1 s auf die Geschwindigkeit 1 m/s beschleunigt.</p> $1\text{N} = \frac{1\text{kg} \cdot 1\text{m}}{1\text{s}^2}$
	<p>Gewichtskraft :</p> $F_G \sim m \rightarrow \frac{F_G}{m} = \text{konst} \rightarrow g = 9,81 \frac{\text{N}}{\text{kg}} \left[\frac{\text{m}}{\text{s}^2} \right]$	<p>g : Ortsfaktor</p> <p>zum Rechnen meist: $g = 10 \text{ m/s}^2$</p>
<p>Dichte: $\rho = \frac{\text{Masse}}{\text{Volumen}} = \frac{m}{V}$</p> <p>Wichte: $\gamma = \frac{\text{Gewichtskraft}}{\text{Volumen}} = \frac{F_G}{V}$</p>	<p>ρ: Dichte - Stoffkonstante (überall gleich)</p> <p>γ: Wichte vom Ort abhängig</p> <p>m: Masse V: Volumen</p> <p>Einheit m: 1 kg Einheit V: 1 m³</p>	

<p>Hookesches Gesetz</p>	<ul style="list-style-type: none"> Die Verlängerung s einer Feder ist proportional zur wirkenden Kraft F. $F \sim s$ $\vec{F} \sim -\vec{s}$ oder: $F = D \cdot s$ $\vec{F} = -D \cdot \vec{s}$ $D =$ Federkonstante Einheit von D: 1 N m^{-1} 	<p>Ausdehnung eines elastischen Körpers ist proportional der ausdehnenden Kraft</p> <p>s : Verlängerung / Ausdehnung D : Richtungsgröße / Federkonstante</p> <p>Einheit D: N/m</p>
<p>Kräftepaare</p>	<p>actio = reactio</p>	<p>Kräfte treten immer paarweise als Wechselwirkungspaare auf</p>
<p>Addition von Kräften</p>	<p>Kräfte werden addiert, indem man das Ende eines Kraftpfeiles in die Spitze eines anderen legt (Richtung und Länge wird beibehalten).</p> <p>Die resultierende Kraft ergibt sich aus dem Pfeil, der vom Anfang des ersten, bis zur Spitze des letzten Pfeiles reicht.</p>  <p>Vektoraddition: $\vec{F}_{res} = \vec{F}_1 + \vec{F}_2$</p>	
		<p>Betragsaddition:</p> <ul style="list-style-type: none"> Pythagoras (rechtwinklig) $F_{res}^2 = F_1^2 + F_2^2$ Cosinus-Satz $F_{res}^2 = F_1^2 + F_2^2 - 2 \cdot F_1 \cdot F_2 \cdot \cos \angle F_1, F_2$ Sinus-Satz $\frac{a}{\sin \alpha} = \frac{b}{\sin \beta} = \frac{c}{\sin \gamma}$
<p>Grundgesetz der Statik</p>	<p>Ein Körper bleibt genau dann in Ruhe, wenn die Summe aller an einem Punkt angreifenden Kräfte Null ist (\rightarrow den Null-Vektor ergibt)</p> <p>$\vec{F}_{res} = \vec{0} = \sum \vec{F}_i$</p>	
<p>Kräftezerlegung</p>	<p>Eine an einem Punkt angreifende Kraft \vec{F}_{res} kann in zwei oder mehrer Komponenten zerlegt werden. Die Zerlegung erfolgt in physikalisch sinnvolle Richtungen (Wirkungslinien)</p>	<p>Beispiel: Schiefe Ebene Hangabtriebskraft: $F_H = F_G \cdot \sin \alpha$ Normalkraft: $F_N = F_G \cdot \cos \alpha$ α : Neigungswinkel der Ebene</p>

<p>Reibung</p>	<p>Reibung (Reibungskraft) ist die die reactio auf eine angreifende Kraft</p> <p>Reibungsarten:</p> <ul style="list-style-type: none"> - Haftreibung: $F_{h,max}$ - Gleitreibung: F_{gl} - Rollreibung: F_{roll} <p>Reibungskraft: $F_R = \mu \cdot F_N$</p>	<p>F_N: Normalkraft – Kraft, die senkrecht auf die Unterlage wirkt</p> <p>μ : Reibungszahl,</p> <p>Reibungsfaktor \rightarrow Erfahrungswert, Abhängig von den Reibungspartner, Stoffkonstante, entsprechenden Tabellen zu entnehmen</p> <p>$\mu_{h,max} > \mu_{gl} > \mu_r$</p>
<p>Hebelgesetz</p>	<p>Last*Lastarm = Kraft*Kraftarm</p> <p>$a_1 \cdot F_1 = a_2 \cdot F_2$</p>	<p>Hebelgesetz</p> <p>Kraft x Kraftarm = Last x Lastarm</p>
<p>Drehmoment</p>	<p>$\vec{M} = \vec{F} \cdot \vec{r}$</p>	<p>F: drehende Kraft</p> <p>r: Abstand zum Drehzentrum</p>

Bewegungslehre	<p>Gleichmäßige Bewegung: Weg-Zeit-Gesetz: $s = v \cdot t$ Geschw.- Zeit-Gesetz: $v = \Delta s / \Delta t \rightarrow v = \text{konst.}$</p> <p>Gleichm. beschleunigte Bewegung: Beschleunigung: $a = \Delta v / \Delta t$ Weg-Zeit-Gesetz: $s = \frac{1}{2} \cdot v \cdot t = \frac{1}{2} \cdot a \cdot t^2$</p>	Änderung der Geschwindigkeit
Freier Fall	<p>Der Freie Fall ist eine beschleunigte Bewegung aufgrund der Gewichtskraft eines Körpers.</p> <p>Geschw. – Zeit-Gesetz: $v = g \cdot t$ Weg-Zeit-Gesetz: $s = \frac{1}{2} \cdot a \cdot t^2$</p>	
Bewegungen mit Anfangsgeschwindigkeit	<p>Geschw. Zeit-Gesetz: $v = v_0 \pm a \cdot t$ Weg-Zeit-Gesetz: $s = v_0 \cdot t \pm \frac{1}{2} \cdot a \cdot t^2$</p>	+ : Beschleunigung - : Bremsbewegung
Impuls	Def.: $p = m \cdot v$	Impuls ist ein Bewegungszustand
Impulserhaltungssatz IES	<p>Impulserhaltung: Gesamtimpuls eines Systems ist konstant</p> <p>$m_1 \cdot v_1 + m_2 \cdot v_2 = m_1 \cdot u_1 + m_2 \cdot u_2 = \text{konst}$</p> <p>Elastischer Stoß: $p_{\text{vor}} = p_{\text{nach}} = \text{konst}$</p> <p>Unelastischer Stoß: $m_1 \cdot v_1 + m_2 \cdot v_2 = (m_1 + m_2) \cdot u$</p>	<p>$v_1, v_2 \rightarrow$ Geschw. vor dem Stoß $u_1, u_2 \rightarrow$ Geschw. nach dem Stoß</p> <p>Stoßpartner bleiben zusammen und haben gemeinsame Geschwindigkeit u</p>
Impulsänderung	<p>$\Delta p = m \cdot \Delta v$ – Geschwindigkeitsänderung $\Delta p = \Delta m \cdot v$ – Massenänderung</p> <p>$F = \frac{\Delta p}{\Delta t} = \frac{m \cdot \Delta v}{\Delta t} = m \cdot a$</p>	z.B. Rakete Ursache einer Impulsänderung ist stets eine Kraft!
Dynamik	<p>Ist die Summe aller an einem Körper <u>angreifenden Kräfte</u></p> <p>$F_{\text{res}} \neq 0$, folgt daraus eine beschleunigte Bewegung: $F_{\text{res}} = m \cdot a$</p>	Eine (resultierende) Kraft bewirkt stets eine Beschleunigung. (Grundgesetz der Mechanik)
Schiefe Ebene	<p>Hangabtriebskraft: $F_H = m \cdot g \cdot \sin \alpha$ Normalkraft: $F_N = m \cdot g \cdot \cos \alpha$</p>	
Kraftstoß	$F \cdot \Delta t = m \cdot \Delta v = \Delta p$	Ein Kraftstoß entspricht der Änderung des Impulses. Im F-t-Diagramm entspr. der Kraftstoß der <u>Fläche unter der Kurve</u> .
Arbeit	Def.: $W = F_s \cdot s$	Arbeit = Kraft mal Weg in der Wegrichtung. z.B.: $W = F \cdot s \cdot \sin \alpha (F, s)$
Arbeitsformen	Hubarbeit: $W_H = m \cdot g \cdot h$	<p>h : Verschiebungsweg $g = 9,81 \text{ m/s}^2$ - Ortsfaktor m: Masse Um Körper von $v_1 < v_2$ auf v_2 zu</p>

	<p>Beschleunigungsarbeit: $W_B = \frac{1}{2} \cdot m \cdot v^2$</p> <p>Spannarbeit: $W_{sp} = \frac{1}{2} \cdot D \cdot s^2$</p> <p>Reibungsarbeit: $W_R = \mu \cdot F_N \cdot s$</p>	<p>beschleunigen: $W_B = \frac{1}{2} \cdot m \cdot (v_2^2 - v_1^2)$</p> <p>D: Federkonstante aus dem Gesetz von Hooke: $F = D \cdot s$; s: Strecke, um die die Feder gedrückt oder gezogen wird.</p> <p>μ: Reibungszahl F_N: Normalkraft s: Verschiebungsweg</p>
Energie	<p>Wird an einem Körper <u>Arbeit verrichtet</u>, gewinnt er an <u>Energie</u>!</p> <p>Kann der Körper <u>Energie frei geben</u>, wird <u>Arbeit verrichtet</u>!</p> <p>Energie ist ein Zustand erhöhter Arbeitsfähigkeit!</p>	<p>Arbeit = Vorgang Energie = Zustand</p>
Energieerhaltungssatz EES:	<p>Im energetisch abgeschlossenen System ist die Gesamtenergie konstant. Die Energieformen wandeln sich lediglich ineinander um.</p>	
	<p>Hubarbeit \leftrightarrow Lageenergie - $W_L = m \cdot g \cdot h$ Beschleunigungsarb. \leftrightarrow Kinetische Energie - $W_{kin} = \frac{1}{2} \cdot m \cdot v^2$ Spannarbeit \leftrightarrow Spannenergie - $W_{sp} = \frac{1}{2} \cdot D \cdot s^2$ Reibungsarbeit \leftrightarrow Verlust \rightarrow Wärme</p>	

Wärme- Lehre	Längendehnung: $\Delta l = l_0 \cdot \alpha \cdot \Delta \vartheta$ Länge bei der Temp. ϑ : $l_\vartheta = l_0 \cdot (1 + \alpha \cdot \Delta \vartheta)$	$\Delta l \rightarrow$ Verlängerung $l_0 \rightarrow$ Länge bei 0°C $\alpha \rightarrow$ Längenausd. Zahl $\Delta \vartheta \rightarrow$ Temperaturdifferenz $l_\vartheta \rightarrow$ Länge bei der Temp. ϑ
	Volumenausdehnung: Flüssigkeiten: $V_\vartheta = V_0 (1 + \beta \cdot \Delta \vartheta)$ Gase: $V_\vartheta = V_0 (1 + \gamma \cdot \Delta \vartheta)$	$V_\vartheta \rightarrow$ Volumen bei der Temp. ϑ $V_0 \rightarrow$ Volumen bei 0°C $\beta \rightarrow$ Volumenausdehnungszahl $\gamma \rightarrow$ für Gase gilt: $\gamma = 1/273,15\text{ K}$
Gasgesetze	Boyle+Mariotte: $p \cdot V = \text{konst (T=konst)}$ $p_1 \cdot V_1 = p_2 \cdot V_2 = \dots = \text{konst}$ Gay-Lussac: $V/T = \text{konst (p=konst)}$ $\frac{V_1}{T_1} = \frac{V_2}{T_2} = \dots = \text{konst}$ Amontons: $p/T = \text{konst (V=konst)}$ $\frac{p_1}{T_1} = \frac{p_2}{T_2} = \dots = \text{konst}$	$P \rightarrow$ Druck : $p = F/A$ Einheit: $\left[\frac{1\text{N}}{1\text{m}^2} = 1\text{Pa} \right]$ Alt: 1 bar = 1000 mbar $\rightarrow 1 \cdot 10^5 \text{ Pa} = 1000 \cdot 10^2 \text{ Pa} =$ 1000 hPa
Allgemeines Gasgesetz	$\frac{p \cdot V}{T} = \text{konst}$ $\frac{p_1 \cdot V_1}{T_1} = \frac{p_2 \cdot V_2}{T_2} = \dots = \text{konst}$	
Universelles Gasgesetz	$\frac{p \cdot V}{T} = \nu \cdot R$	$\nu \rightarrow$ Stoffmenge des Gases in mol $R \rightarrow$ universelle Gaskonstante $R = 8,31 \text{ J/mol}\cdot\text{K}$
	<ul style="list-style-type: none"> - 1 mol wiegt m_r Gramm - in 1 mol eines Stoffes sind $N_A = 6,02 \cdot 10^{23}$ Teilchen - 1 mol eines Gases nimmt bei 273 K und 1013 hPa ein Volumen von 22,4 dm³ ein 	N_A : Avogadrozahl m_r : relative Atommasse in Gramm Normalbedingungen: $P_0 = 1013 \text{ hPa}$ $T_0 = 273 \text{ K}$

Würfe	Der <u>Waagerechte Wurf</u> ergibt sich aus der Überlagerung aus einer gleichförmigen horizontalen Bewegung und einer beschleunigten vertikalen Bewegung (Freier Fall)	
	Geschw.-Zeit-Gesetz: - x-Richtung: $v_x=v_0=\text{konst}$ - y-Richtung: $v_y=g \cdot t$	Flugzeit = Fallzeit !
	Weg-Zeit-Gesetz - x-Richtung: $x = v_0 \cdot t$ - y-Richtung: $y = \frac{1}{2} \cdot g \cdot t^2$	Wurfparabel: $y = \frac{g}{2 \cdot v_0^2} \cdot x^2$
	Auftreffwinkel bei Landung: $\tan \alpha = v_y / v_x$	
	Der <u>Senkrechte Wurf</u> nach oben/unten ergibt sich aus einer Überlagerung einer gleichförmigen Bewegung auf- / abwärts und einer beschleunigten Bewegung abwärts (Freier Fall).	
	Geschw.-Zeit-Gesetz: - y-Richtung: $v_y = v_0 \pm g \cdot t$	
	Weg-Zeit-Gesetz - y-Richtung: $y(t) = v_0 \cdot t \pm \frac{1}{2} \cdot g \cdot t^2$	
	Der <u>Schiefe Wurf</u> setzt sich aus einer gleichförmigen, schräg auf / abwärts gerichteten Bewegung und einer beschleunigten Bewegung abwärts (Freier Fall) zusammen.	
	Geschw.-Zeit-Gesetz: - y-Richtung: $v_y = v_0 \cdot \sin \alpha - g \cdot t$ - x-Richtung: $v_x = v_0 \cdot \cos \alpha = \text{konst}$	α : Abwurfwinkel (zur horizontalen) v_0 : Abschussgeschwindigkeit
	Weg-Zeit-Gesetz: - y-Richtung: $y(t) = v_0 \cdot \sin \alpha \cdot t - \frac{1}{2} \cdot g \cdot t^2$ - x-Richtung: $x(t) = v_0 \cdot \cos \alpha \cdot t$	
	Steigzeit: $T = \frac{v_0 \cdot \sin \alpha}{g}$ Scheitelhöhe: $\hat{y} = \frac{v_0^2 \cdot \sin^2 \alpha}{2 \cdot g}$ Wurfdauer $\rightarrow 2 \times$ Steigzeit Wurfweite: $y(t=\text{Wurfdauer})$ $\hat{x} = \frac{v_0^2 \cdot \sin(2\alpha)}{g}$	\rightarrow Abschuss und Landung auf gleicher Höhe! Hinweis: bei unterschiedlicher Lande- und Abschusshöhe sind die Funktionen $y(t)$ und $x(t)$ zu berechnen. Dabei ist oft notwendig, eine Quadratische Gleichung zu lösen.

Kreisbewegung	<p>T : Umlaufdauer $T = \frac{t}{n}$ in s</p> <p>f : Frequenz / Drehzahl $f = \frac{n}{t}$ in 1/s = Hz</p> <p>Bahngeschwindigkeit: $v = \frac{\Delta s}{\Delta t} = \frac{2 \cdot \pi \cdot r}{T}$</p> <p>Drehfrequenz: $\omega = \frac{\Delta \varphi}{\Delta t} = \frac{2 \cdot \pi}{T}$</p> <p>Bahngeschwindigkeit bei konstanter Rotation: $v = \omega \cdot r = \frac{2 \cdot \pi \cdot r}{T} = 2 \cdot \pi \cdot f \cdot r$</p>	<p>Größen:</p> <p>n : Umdrehungszahl in t: Zeit</p> <p>Betrag der Bahngeschw. Ist konstant, die Richtung \vec{v} ändert sich</p> <p>Bogenwinkel φ ; Winkelgeschwindigkeit / Drehfrequenz in rad/s \rightarrow 1/s</p>
Zentripetalkraft	<p>Damit sich ein Körper auf einer Kreisbahn bewegen kann, muss er von einer Kraft \rightarrow der Zentripetalkraft, dazu gezwungen werden. Die F_z steht stets senkrecht zur Kreisbahn (\vec{v} - tangential)</p>	
	$F_z = m \cdot a_z = m \cdot \frac{v^2}{r}$ $F_z = m \cdot \omega^2 \cdot r = m \cdot \frac{4 \cdot \pi^2 \cdot r}{T^2}$	<p>$a_z \rightarrow$ Zentripetalbeschleunigung</p> <p>T: Umlaufdauer r: Bahnradius</p>
Zentrifugalkraft	<p>Sie ist die Gegenkraft zur Zentripetalkraft. Die Zentrifugalkraft wird jedoch nur im mitrotierenden Bezugssystem wahrgenommen. Man nennt sie auch eine Scheinkraft.</p>	<p>Beispiel: damit ein Fahrzeug um die Kurve fährt, muss es durch die Zentripetalkraft (\rightarrow Reibung) in radialer Richtung <u>nach innen</u> auf eine Kreisbahn gezwungen werden. Der im Fahrzeug sitzende Fahrer (\rightarrow mitrotierend) spürt eine Kraft in radialer Richtung <u>nach außen</u>. Beide Kräfte sind entgegengesetzt und gleich groß.</p>

<p>Planetenbewegung</p>	<ol style="list-style-type: none"> <u>Keplersches Gesetz</u>: die Planeten eines Zentralkörpers bewegen sich auf Ellipsenbahnen, in deren einem Brennpunkt die Sonne (der Zentralkörper) steht <u>Keplersches Gesetz</u>: der Fahrstrahl, Planet → Sonne überstreicht in gleichen Zeiten gleiche Flächen („Flächensatz“) <u>Keplersches Gesetz</u>: die Quadrate der Umlaufdauern verhalten sich wie die dritten Potenzen der Halbachsen: $\frac{T_1^2}{T_2^2} = \frac{a_1^3}{a_2^3}$ Planetenkostante $C^* \frac{T^2}{r^3} = C$ → oft auch als Kehrwert: $\frac{r^3}{T^2} = C^{**}$ 	<p>In vielen Fällen ist der Sonderfall der Ellipse der Kreis!</p> <p>Fahrstrahl entspricht bei Annahme der Kreisbahn dem Radius</p> <p>Die s.g. Sonnenkonstante C bezieht sich auf <u>alle</u> Körper, die um die Sonne kreisen. Für die Kombination aus Mond/Erde bzw. Satelliten/Erde gibt es eine <u>andere Zahl</u>.</p>
<p>Gravitationsgesetz</p>	$F_G = \gamma \cdot \frac{m \cdot M}{r^2}$ $\gamma = 6,673 \cdot 10^{-11} \frac{m^3}{kg \cdot s^2} \rightarrow \text{Gravitationskonstante}$	<p>Nach Newton, beschreibt die Anziehung zweier großer Massen m_1 und m_2 oder M – große Masse und m – Probemasse</p> <p>r ist dabei der direkte Abstand Mittelpunkt → Mittelpunkt der Körper</p>
<p>Bahnbewegung der Planeten</p>	$F_z = F_G$ $m \cdot \frac{v^2}{r} = \gamma \cdot \frac{m \cdot M}{r^2}$	<p>Je nach Aufgabe kann man nach M, nach r oder über $v = \frac{2 \cdot \pi \cdot r}{T}$ Die Umlaufdauer ausrechnen.</p>
<p>Energie auf einer Umlaufbahn</p> <p>Potenzielle Energie</p>	<p>Potenzielle Energie: Allgemein: $W_{pot} = \int F(r) \cdot dr$ Überführungsarbeit von einer Stelle r_1 nach einer anderen Stelle r_2 im Gravitationsfeld: $\Delta W = \gamma \cdot m \cdot M \cdot \left(\frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2} \right)$ Legt man das Null-Niveau der Potenziellen Energie ins ∞, ist die Energie an einer beliebigen Stelle r : $W_{pot} = - \gamma \cdot m \cdot M \cdot \frac{1}{r}$ </p>	<p>Da die Kraft F eine Funktion von r ist ($F \sim 1/r^2$) ergibt die Lösung des Integrals für ein Intervall von r_1 bis r_2</p> <p>Da die Gravitation anziehender Natur ist, „gewinnt“ ein Körper bei Annäherung an den Zentralkörper an Potenzieller Energie – d.h. das Vorzeichen ist „-“.</p>
<p>Kinetische Energie</p>	$W_{kin} = \frac{1}{2} \cdot m \cdot v^2$ $W_{kin} = \gamma \cdot m \cdot M \cdot \frac{1}{2 \cdot r}$	<p>mit $v^2 = \frac{\gamma \cdot M}{r}$</p>

Gesamt-Energie auf Kreisbahn	$W_{ges} = W_{pot} + W_{kin}$ $W_{ges} = -\gamma \cdot m \cdot M \frac{1}{r} + \gamma \cdot m \cdot M \cdot \frac{1}{2 \cdot r}$ $W_{ges}(r) = -\gamma \cdot m \cdot M \cdot \frac{1}{2r}$	<p>Gesamtenergie eines Körpers (z.B. Satelliten) der Masse m, der auf einer Umlaufbahn um den Zentralkörper der Masse M im Abstand r kreist!</p> <p>Will man einen Körper der Masse m dorthin befördern, ist dazu die kinetische Energie</p> $W_{kin} = \frac{1}{2} \cdot m \cdot v^2$ <p>notwendig.</p>
-------------------------------------	--	--

Elektrisches Feld	Feldlinien von $\oplus \rightarrow \ominus$ (Quellen + Senken) $q, Q = z \cdot e, \quad e = 1,602 \cdot 10^{-19} \text{ As}$ $\vec{E} = \frac{\vec{F}}{q} \quad \rightarrow \quad F = E \cdot q$	Feldlinien überkreuzen sich nicht, stehen \perp auf Metallflächen q = Probeladung Q = Felderzeugende Ladung Einheit E: 1N/1C
Arbeit im elektrischen Feld	$W = F \cdot s \quad s = d$ (z.B. im Kondensator) $W = E \cdot q \cdot d$ Def.: Spannung: $\frac{W}{q} = U = E \cdot d$	
Coulombsches Gesetz	$F_c = \frac{1}{4\pi \cdot \epsilon_0} \cdot \frac{q \cdot Q}{r^2}$ $E_{(r)} = \frac{1}{4\pi \cdot \epsilon_0} \cdot \frac{Q}{r^2}$	Radiales Feld (Feld von Punktladungen oder kugelförmigen Ladungsverteilung)
Arbeit im Radialen Feld	$W(r) = \frac{1}{4\pi \cdot \epsilon_0} \cdot Q \left(\frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2} \right)$	Analog zum Gravitationsgesetz
Flächenladungsdichte	$\sigma = \frac{Q}{A} \quad : \text{Flächenladungsdichte}$ $\sigma = \epsilon_0 \cdot \epsilon_r \cdot E \quad : \text{Grundgleichung des Elektrischenfeldes}$ $\uparrow \quad \quad \uparrow$ Ursache Wirkung $\epsilon_0 = 8,85 \cdot 10^{-12} \frac{F}{M}$ $\epsilon_r = \frac{E_{mit}}{E_{ohne}} \quad \text{Stoffkonstante}$	Positive und negative Ladungen; Ladungen sitzen stets an der Oberfläche (A) von Leitern; $\epsilon_0 \rightarrow$ Elektrische Feldkonstante
Kondensator	Kondensator $C = \frac{Q}{U} \quad \text{Einheit: } 1 \frac{As}{V} = 1F$	Definition der Kapazität 1 F (Farad \leftrightarrow Faraday) oft: $\mu F, pF, nF \dots$
	Speziell: Plattenkondensator $C = \epsilon_0 \cdot \epsilon_r \cdot \frac{A}{d}$ Kapazität einer Kugel: $C = 4 \cdot \pi \cdot \epsilon_0 \cdot \epsilon_r \cdot R$	
Schaltung von Kondensatoren	Parallel: $C_{ges} = C_1 + C_2 + C_3 + \dots \quad \epsilon_r = \frac{C_{mit}}{C_{ohne}}$ Reihe: $\frac{1}{C_{ges}} = \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} + \frac{1}{C_3} + \dots$	

<p>Ladungen in Feldern</p>	<p>Probeladung: $q = z \cdot e$ e: Elementarladung</p>	<p><u>Millikan</u>: bestimmt die Elementarladung aus der Messung der Tröpfchenladung im Elektrischen Feld (Schweben oder Sinken)</p>
<p>Erzeugung von freien Elektronen</p>	<p>Glühemission → Braunsche Röhre – Kathode geglüht } <i>Elektr. werden</i> + Anode } <i>beschleunigt</i> Kathode → Anode = Beschleuniger</p> <p>$W_{kin} = W_{el}$ $\frac{1}{2} m \cdot v^2 = e \cdot U \Rightarrow v = \sqrt{2 \frac{e}{m} \cdot U}$</p>	<p>Ladungen bewegen sich in Elektrischenfeldern auf Parabelbahnen (Analog waagrechter Wurf)</p> <p>Ladungen in magnetischen Feldern werden durch die „Lorentzkraft“ auf Kreisbahnen gezwungen.</p>
<p>Ladungen in magnetischen Feldern:</p>	<p>Lorentzkraft: $F_L = e \cdot v \cdot B$ $(\vec{F}_L = e \cdot \vec{v} \times \vec{B})$ $F_L = e \cdot v \cdot B \cdot \sin \alpha$</p>	
<p>Bestimmung spez. Ladung im Magnetfeld:</p>	<p>$F_Z = F_L$ $m \cdot \frac{v^2}{r} = e \cdot v \cdot B \Rightarrow \frac{e}{m} = \frac{v}{r \cdot B}$ $v = \sqrt{2 \frac{e}{m} \cdot U}$</p>	
<p>Induktion</p>	<p>Bewegter Leiter im Magnetfeld $U_{ind} = l \cdot v \cdot B$</p>	<p>B: Magnetfeldstärke l : Leiterlänge v: Geschwindigkeit</p>
	<p>Änderung der vom Magnetfeld durchsetzten Fläche: $v = \frac{\Delta s}{\Delta t} \rightarrow \Delta A = \Delta s \cdot l$ $U_{ind} = n \cdot B \cdot \frac{\Delta A}{\Delta t}$ oder $U_{ind} = n \cdot A \cdot \frac{\Delta B}{\Delta t}$</p>	<p>n : Windungszahl der Leiterschleife</p>
	<p>Magnetischer Fluss: $\Phi = \vec{B} \cdot \vec{A} = B \cdot A \cdot \cos \varphi$</p>	<p>Einheit $\phi = Vs = Wb$ (Weber)</p>
	<p>Induktionsgesetz: $U_{ind} = - n \cdot \dot{\Phi}$</p>	<p>Vorzeichen „-“, da die Spannung so gepolt ist, dass sie ihrer Ursache entgegengerichtet ist → Lenzsche Regel n : Windungszahl der Induktionsspule</p>

	<p>Rotierende Leiterschleife im Magnetfeld: $\varphi = \omega \cdot t$ $U_{ind} = -n \cdot B \cdot A \cdot \cos(\omega \cdot t)$</p>	<p>Hinweis: ob sin / cos, hängt von Anfangsbedingungen ab! Ist Fluss für t = 0 max, dann $\cos(0) = 1$, ist Fluss für t = 0 min (0), dann sin. n: Windungszahl der Induktionsspule</p>
	<p>Leiterschleife im magnetischen Wechselfeld: $U_{ind} = -n_i \cdot A \cdot \dot{B} = -n_i \cdot A \cdot \mu_o \cdot \frac{n_F}{l} \cdot \dot{I}$ $I = \hat{I} \cdot \sin(\omega \cdot t) \rightarrow \dot{I} = \hat{I} \cdot \omega \cdot \cos(\omega \cdot t)$ $U_{ind} = -n_i \cdot A \cdot \mu_o \cdot \frac{n_F}{l} \cdot \hat{I} \cdot \omega \cdot \cos(\omega \cdot t)$ $\underbrace{n \cdot A \cdot \mu_o \cdot \frac{n}{l} \cdot \hat{I} \cdot \omega}_{\hat{U}}$</p>	<p>Alle konstanten Faktoren ergeben zusammen die Scheitelspannung der Induktionsspannung. n_i : Induktionsspule n_F : Feldspule</p>
Selbstinduktion	<p>Beobachtung: beim Einschalten des Stromes an einer Langen Spule ist der Stromanstieg verzögert. Ursache: in der Spule wird eine Spannung induziert, die der angelegten Spannung entgegengerichtet ist: Selbstinduktion</p> <p>Zum Zeitpunkt t = 0 (Einschalten) ist die Selbstinduktionsspannung genau so groß wie die von außen Angelegte Spannung U_o.</p> <p>Beim Ausschalten (Δt sehr klein) entsteht ein hoher Spannungsstoß, der gleich gerichtet ist, wie die ursprünglich von außen angelegte Spannung U_o</p>	<p>Oft: „Ausschaltfunke“</p>
	<p>$U_{ind} = -n_i \cdot A \cdot \mu_o \cdot \frac{n_F}{l} \cdot \dot{I}$ $\underbrace{A \cdot \frac{n^2}{l} \cdot \mu_o}_L$ $U_{ind} = -L \cdot \dot{I}$</p>	<p>L: Induktivität (Eigeninduktivität) Einheit L: 1 H (Henry)</p>
Energie des magnetischen Feldes:	<p>Leistung: $P(t) = U(t) \cdot I(t)$ $P(t) = -L \cdot \dot{I} \cdot I$ $dW = \int P \cdot dt = -L \int I \cdot dI = \frac{1}{2} \cdot L \cdot I^2 = W_{magn}$ $W_{magn} = \frac{1}{2} \cdot L \cdot I^2$</p>	<p>„-“ fällt bei Integration weg</p>

Eigene Notizen: